

Univerzitet u Beogradu, Rudarsko-geološki fakultet

Kvalifikacioni ispit iz Matematike, 26. jun 2017. (3. grupa)

1. Rešenje jednačine $2 \cdot 2^{x+2} - 5 \cdot 2^{x-1} = 88$ je u intervalu:

- A) (5,10) B) (10,15) C) (-5,0) **D) (0,5)**

2. Ako je zbir prvog i petog člana aritmetičke progresije $a_1 + a_5 = 26$, a zbir drugog i trećeg je $a_2 + a_3 = 21$, onda je zbir prvih deset članova progresije S_{10} jednak:

- A) 245 **B) 255** C) 260 D) 250

3. Izraz $\sin^4 \alpha + \cos^4 \alpha + \frac{\sin^2 2\alpha}{2}$ identički je jednak sa:

- A) $\sin 2\alpha$ B) $\sin^2 \alpha$ **C) 1** D) $\cos^2 \alpha$

4. Pozitivna vrednost parametra n za koju je prava $y = \frac{5}{2}x + n$ tangenta elipse $\frac{x^2}{36} + \frac{y^2}{25} = 1$ pripada intervalu:

- A) (15,20)** B) (0,5) C) (5,10) D) (10,15)

5. Skup svih rešenja nejednačine $x + |x-1| \leq 1$ u skupu realnih brojeva je:

- A) $(-\infty, +\infty)$ B) $(-\infty, 1)$ C) prazan skup **D) $(-\infty, 1]$**

6. Ako je jedna kateta pravouglog trougla 8 cm a druga 6 cm, onda visina nad hipotenuzom je:

- A) 4,5 cm **B) 4,8 cm** C) 5 cm D) 4,2 cm

7. Prvi član geometrijskog niza je 5 a peti član je 80. Zbir prvih deset članova je:

- A) 5115** B) 5450 C) 5225 D) 4855

8. Proizvod vrednosti realnog parametra k za koje jednačina $(k+1)x^2 - (k-2)x + k - 2 = 0$ ima jednaka rešenja (tj. dvostruko rešenje) je:

- A) 3 B) 0 **C) -4** D) -3

9. Jednačina tangente kružnice $k: x^2 + y^2 = 17$ koja prolazi kroz tačku $A(1,4)$ je:

- A) $-x + 4y - 15 = 0$ **B) $x + 4y - 17 = 0$** C) $4x + y - 8 = 0$ D) $x + y - 5 = 0$

10. Vrednost izraza $\frac{3}{\sqrt{3}+1} + \frac{1}{\sqrt{3}+2} + \frac{3}{\sqrt{3}+3}$ je:

- A) 2** B) $\frac{3}{2} + \frac{\sqrt{3}}{6}$ C) 3 D) $\frac{5}{2} - \frac{\sqrt{3}}{6}$

11. Vrednost logaritma $\log_3 \frac{9}{2} + \log_3 \frac{2}{27}$ je:

- A) 3 B) 243 **C) -1** D) 1

12. Ako 11 radnika, radeći 7 dana, zarade 150150 dinara, 14 radnika za 5 dana zaradi:

- A) 136500 din.** B) 125000 din. C) 133500 din. D) 124500 din.

13. Skup svih rešenja nejednačine $\frac{x-1}{x-2} > \frac{2}{3}$ je:

- A) $(-\infty, -1)$ B) $(-1, 2)$ C) $(2, +\infty)$ **D) $(-\infty, -1) \cup (2, \infty)$**

14. Broj rešenja jednačine $\sqrt{37-x^2} + x = 5$ je:

- A) 1** B) 2 C) 0 D) više od 2

15. Skraćivanjem razlomka $\frac{(ab-b^2) \cdot (a^2b-ab^2)}{ab^2(a^2-ab)}$ ($ab \neq 0, a \neq b$) dobija se razlomak:

- A) $\frac{a-b}{a}$** B) $\frac{a+b}{b}$ C) $\frac{a+b}{a}$ D) $\frac{a-b}{b}$

16. Osnova prave piramide je pravougaonik sa stranicama $a = 12$, $b = 9$, a ivica piramide je $s = \frac{25}{2}$.

Zapremina piramide je:

- A) 300 B) 336 C) 408 **D) 360**

17. Broj rešenja jednačine $|2x+1| + x = 4$ je:

- A) 1 **B) 2** C) 0 D) više od 2

18. Ako se cena artikla najpre poveća za 20% a onda smanji za 15% konačna cena artikla u odnosu na početnu cenu je:

- A) veća za 4% B) veća za 5% **C) veća za 2%** D) manja za 2%

19. Vrednost izraza $\left(10,8 - 4\frac{2}{5}\right) : \left(1,88 + 1\frac{8}{25}\right) + 3 \cdot \frac{14}{5,6}$ je:

- A) 9,125 B) 9,675 C) 9,375 **D) 9,5**

20. Vrednost izraza $\frac{\sin(45^\circ) + \sin(15^\circ)}{\cos(45^\circ) + \cos(15^\circ)}$ je:

- A) $\frac{\sqrt{3}}{2}$ **B) $\frac{\sqrt{3}}{3}$** C) 1 D) $\frac{\sqrt{2}}{2}$